doi: 10.15940/j.cnki.0001-5245.2024.01.007

# 基于CEI测量的GEO目标快速轨道恢复

黄俊迦 杜 兰† 刘泽军 张中凯 周佩元 刘隆迪

(信息工程大学地理空间信息学院郑州 450001)

摘要 连线干涉测量(Connected Element Interferometry, CEI)是一种全天时全天候的被动测角技术,已用 于空间目标的跟踪监视.地球静止轨道(Geostationary Earth Orbit, GEO)卫星需要频繁机动以保持轨位或完 成其他任务,其机动后的快速轨道恢复能力对于监视预警极为重要.针对基于CEI的GEO短弧定轨和预报,分 析了定轨算法的形亏和数亏,在附加先验轨道约束的短弧定轨基础上,提出了轨道半长轴初值的自适应优化方 法.利用亚太七号卫星的CEI仿真和实测数据进行了短弧定轨和预报,实验结果表明,采用优化后的半长轴初值, 30 min短弧定轨和10 min预报的卫星位置分量精度均优于4 km,能够满足非合作GEO目标机动后快速轨道恢 复的需求.

关键词 GEO卫星, 非合作目标, CEI, 快速轨道恢复 中图分类号: P128; 文献标识码: A

# 1 引言

地球静止轨道(Geostationary Earth Orbit, GEO)因其轨道资源的独特性与稀缺性,成为各国 相互争夺的重要太空资源<sup>[1-4]</sup>.由于摄动力等因素 的影响,GEO目标需要频繁地实施机动以保持在 分配的定点区间内.这种位保机动破坏了常规定轨 精度的连续一致性,因此机动后的快速轨道恢复对 GEO目标的常规管理至关重要<sup>[5]</sup>.

针对非合作GEO目标的监视预警,还要应对各种随机的特殊任务机动,因此监测系统的快速响应能力也极为迫切. 连线干涉测量(Connected Element Interferometry, CEI)是一种基于卫星下行射电信号的被动测量方式,可以全天候跟踪非合作GEO目标且具有隐蔽性,已被应用于GEO卫星的日常机动监视和轨道确定<sup>[6]</sup>.

但是,GEO目标机动后的快速轨道恢复属于 短弧定轨.由于GEO目标的静地特性,地基跟踪的

2022-11-21收到原稿, 2023-03-06收到修改稿

 $^{\dagger}$ dulan2015@qq.com

轨道力学约束弱,短弧定轨通常有较强奇异性,从 而难以保证精度. 文献[7]依据测角定轨原理,分析 了测轨弧长和测站数对非合作GEO卫星定轨预报 精度的影响. 小于4h弧段的单站定轨,位置误差均 大于3 km;双站8h弧长定轨,精度可优于3 km. 但 该方法数据累积时间长,对测站构型要求较高. 文 献[8]提出基于9参数星历拟合的短弧运动学定轨方 法,针对参数拟合的奇异问题提出了解决措施. 利 用C频段测距对北斗GEO卫星的实验表明, 10 min 短弧定轨和5 min预报的位置精度均优于20 m, 但 该方法仅适用于合作目标.

针对GEO非合作目标的CEI短弧定轨的奇异 性,提出一种自适应优化半长轴和附加先验轨道约 束的短弧定轨算法.CEI观测量对卫星径向信息不 敏感,表现为形亏,而半长轴与平经度有较强误差 相关性,表现为数亏.因此,通过附加先验方差约束 以减弱算法的病态性,并针对轨道半长轴的初值对 定轨结果影响大的现象,提出了半长轴初值的自适 应优化方法.利用郑州的CEI测轨系统对亚太七号 卫星的实验,验证了该算法对短弧定轨和预报的精 度提升,为GEO机动后的快速轨道恢复提供了改进 依据.

### 2 CEI短弧定轨原理

#### 2.1 测轨方程

CEI系统的测量原理如图1所示, CEI观测量是 基线两端天线接收到的下行信号经互相关后得到 的不足一个波长的相位差<sup>[9-11]</sup>.图中基线AB上的 量测方程为:

$$\phi + \lambda N = \rho_{\rm A} - \rho_{\rm B} = |\mathbf{R}_{\rm A}(t_1) - \mathbf{r}(t_0)| - |\mathbf{R}_{\rm B}(t_2) - \mathbf{r}(t_0)| + c\Delta t_{\rm clock} + \Delta \rho_{\rm atm} + \Delta \rho_{\rm ins} + \varepsilon, \qquad (1)$$

式中, $\phi$ 表示相位差观测值(以长度为单位), $\lambda$ 和N 为信号的波长和整周模糊度; $\rho_A = \rho_B$ 表示卫星至 主站A与副站B的距离. $r(t_0)$ 表示卫星信号发出时 刻 $t_0$ 卫星位置向量, $R_A$ 和 $R_B$ 则分别是主副站在接 收时刻 $t_1$ 和 $t_2$ 的位置向量. $\Delta t_{clock}$ 表示站间钟同步 偏差; $\Delta \rho_{atm}$ 和 $\Delta \rho_{ins}$ 为大气传播延迟和设备延迟的 站间差; $\varepsilon$ 为观测噪声.

连线式CEI通常为数十米至数十千米的短基 线,相对于高轨静地GEO卫星,相位差观测量可看 作是一种高精度的测角观测量<sup>[12-14]</sup>.为了使GEO 卫星的天球面指向精准,至少需要两条相交基线, 最为理想的是两条正交基线.

需要指出的是,使用CEI相位差观测的前提是 已知整周模糊度N.由于常规机动对GEO轨位的改 变通常在千米级,且基线越短对这种变轨越不敏感, 因此短基线条件下,可以采用机动前的模糊度解算 值.

#### 2.2 短弧定轨方法

GEO卫星的初轨状态量,在地心惯性系(Earth Center Inertial Coordinates System, ECI)下通常 采用专用于小偏心率和小倾角的第二类无奇点根 数表示,即 $\sigma_0 = (a, e, i, \lambda_0)^{\text{T}}$ . 它与经典开普勒轨道 根数的关系如下<sup>[15–18]</sup>:

$$\begin{cases} \boldsymbol{e} = (e_x, e_y)^{\mathrm{T}} = (e \cos \tilde{\omega}, e \sin \tilde{\omega})^{\mathrm{T}}, \\ \boldsymbol{i} = (i_x, i_y)^{\mathrm{T}} = (\sin i \cos \Omega, \sin i \sin \Omega)^{\mathrm{T}}, \\ \lambda_0 = \Omega + \omega + M_{\mathrm{o}}, \end{cases}$$
(2)

式中, e为二维偏心率向量; i是二维倾角向量;  $\tilde{\omega} = \Omega + \omega$ ;  $\lambda_0$ 称为初始时刻的平经度, 从春分点计量 至该时刻的卫星位置;  $M_0$ 为初始时刻的平近点角. 开普勒轨道根数( $a, e, i, \Omega, \omega, M$ )分别表示轨道半 长轴、偏心率、轨道倾角、升交点赤经、近点角 距和平近点角.



Fig. 1 Schematic diagram of CEI system measurement principle

短弧定轨的力模型可仅考虑二体问题, 弧段内 任意时刻t<sub>i</sub>的线性化观测误差方程可表示为:

$$v_j = \boldsymbol{A}_j \delta \boldsymbol{\sigma}_0 - \Delta \phi_j \,, \tag{3}$$

其中δ $\sigma_0$ 是初轨状态的改正数向量,  $\Delta \phi_j$ 是观测值 与理论计算值的差值(即O-C),  $v_j$ 称为观测残差, 系 数矩阵为

$$\boldsymbol{A}_{j} = \left(\frac{\partial \phi_{j}}{\partial \boldsymbol{r}_{j}}\right)_{1 \times 3} \left(\frac{\partial \boldsymbol{r}_{j}}{\partial \boldsymbol{\sigma}_{j}}\right)_{3 \times 6} \left(\frac{\partial \boldsymbol{\sigma}_{j}}{\partial \boldsymbol{\sigma}_{0}}\right)_{6 \times 6}, \quad (4)$$

式中的复合偏导数不再赘述.

采用最小二乘平差,即满足 $V^{T}PV = \min, 则$ 可求解初轨状态量的最佳改正数向量:

$$\delta \hat{\boldsymbol{\sigma}}_0 = -(\boldsymbol{A}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P} \boldsymbol{A})^{-1} \boldsymbol{A}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P} \boldsymbol{l} \,, \qquad (5)$$

其中, V是观测残差组成的列向量, P是观测权矩阵, l是自由项, 即弧段内 $\Delta \phi_j$ 组成的列向量; 由于GEO对地的构型基本不变, 权矩阵P可取单位阵.

# 3 短弧定轨的改进算法

由于精度要求不高,短弧定轨也可以直接在 地心地固系(Earth Centered Earth Fixed System, ECEF)下实现.二体问题下的ECEF初轨状态,仅 需要将第二类无奇点根数的历元平经度 $\lambda_0$ 改换为 历元时刻的定点经度 $\lambda_{e0}$ ,即

$$\lambda_{\rm e0} = \lambda_0 - S_0 \,, \tag{6}$$

式中S<sub>0</sub>是t<sub>0</sub>时刻的格林尼治时角.

若忽略小倾角和小偏心率的影响,任意时刻t的定点经度 $\lambda_{e}$ 能够反映GEO卫星的对地变化,即

$$\lambda_{\rm e} = \lambda_{\rm e0} + (n - n_{\rm e}) \left( t - t_0 \right), \qquad (7)$$

式中*n*和*n*<sub>e</sub>分别是卫星运动和地球自转的平均角速率,由于GEO的静地特性,二者仅有微小偏差.

此外,依据GEO工作卫星的轨位分配机制,定 点经度 $\lambda_e$ 通常规定在标称经度附近的±0.1°内变化, 这也为该参数的先验约束带来了便利<sup>[19]</sup>.

因此, ECEF下的短弧定轨初轨状态量 $\tilde{\sigma}_0 = (a, e, i, \lambda_{e0})^{T}$ ,相应的平差求解公式也需要略做修改.

#### **3.1** 病态性分析

基于CEI的GEO短弧定轨有较强的病态性,表现为相互关联的形亏和数亏.

(1)因CEI测角本质导致的形亏

CEI的短基线使得高轨卫星下行信号的球面波 传播可理想化为平面波传播.此时,CEI相位差表 现为卫星相对于基线的方向变化信息,CEI干涉测 角示意图如图2所示.因此,这种"测角"类型观测 量对卫星的径向位置不敏感,且GEO静地特性决 定了其较弱的轨道力学约束,短弧情况下约束性更加弱化<sup>[20]</sup>.在缺乏卫星测距观测量的情况下,仅基于CEI的GEO短弧定轨模型鲁棒性差,导致无法解算半长轴a.



图 2 CEI干涉测角示意图



(2)因轨道状态参数相关性引起的数亏

由开普勒第三定律 $n^2a^3 = \mu$  ( $\mu$ 是地球引力常数), 定点经度 $\lambda_e$ 与半长轴a的改正数之间存在线性 漂移, 即

$$\Delta \lambda_{\rm e} = \Delta n(t - t_0) = -\frac{3}{2}n\Delta a(t - t_0), \quad (8)$$

式中, $\Delta \lambda_e$ 为定点经度的变化量, $\Delta n$ 为卫星运动平均角速率和地球自转平均角速率的差值, $\Delta a$ 为半长轴的变化量.

前面分析了CEI的形亏使得短弧定轨无法改进 半长轴a,这里半长轴的初值偏差又将直接引起定 点经度的线性漂移.因此,历元时刻定点经度λ<sub>e0</sub>的 解算精度与半长轴初值的精度具有密切关系,若处 理不好两者均难以得到改进.

#### 3.2 改进算法

为了削弱短弧定轨的病态性,必须引进先验轨 道约束.除了增加常规的参数先验协方差约束,还 必须确定最优的半长轴初值.

(1)附加先验约束

依据GEO的机动特性和定点控制区规定,部分

初轨参数的先验均方差约束为:半长轴a取 $\pm 20$  km, 历元时刻的定点经度 $\lambda_{e0}$ 和倾角分量 $i_u$ 取 $\pm 0.1^\circ$ .

附加先验约束的初轨改正法方程为:

$$\delta \hat{\boldsymbol{\sigma}}_{0} = -(\boldsymbol{A}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P} \boldsymbol{A} + \boldsymbol{P}_{\boldsymbol{\tilde{\sigma}}_{0}})^{-1} \boldsymbol{A}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P} \boldsymbol{l}, \qquad (9)$$

式中, $\delta\hat{\sigma}_0$ 为附加先验约束的ECEF下短弧定轨初 轨状态量的最佳改正数向量, $P_{\tilde{\sigma}_0}$ 为ECEF下短弧 定轨初轨状态量的先验权矩阵;其中,若取单位权 方差为1,则先验权矩阵 $P_{\tilde{\sigma}_0}$ 的对角线元素为:

diag 
$$\left( \boldsymbol{P}_{\tilde{\boldsymbol{\sigma}}_{0}} \right) =$$
  
 $\left\{ (20 \text{ km})^{2} \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad (0.1^{\circ})^{2} \quad (0.1^{\circ})^{2} \right\} .$  (10)

显然,先验约束的实质就是增强法矩阵的正定 性,从而改善矩阵求逆的病态问题.

(2)自适应优化半长轴初值

常规定轨对初值精度要求不高.以GEO卫星 为例,半长轴的初值可取为静止轨道的标称值 (42165.76 km),定点经度的初值λ<sub>e0</sub>可取为定点经 度的标称值,其他轨道参数均取0即可.

但是,在实际解算中发现,若半长轴初值在标称值附近一定范围内随机取值,解算精度会出现较大差异.在没有其他辅助测量手段的前提下,本 文经验性地设计了一种自适应选取半长轴初值的 优化算法.其流程如下:截取静止轨道标称值的 ±20 km作为探测窗口,以0.2 km为步长遍历窗口 并为半长轴赋初值,分别解算轨道.考察解算得到的偏心率序列(即 $e = \sqrt{e_x^2 + e_y^2}$ ),将偏心率极小值 对应的半长轴作为半长轴的最佳初值.偏心率极小 值也能够一定程度上反映出GEO的近圆特性.

经大量仿真和实测数据验证,与采用固定静止 轨道半长轴标称值相比,该优化算法的定轨精度更 高,且更加稳健.

#### 4 实验

利用位于郑州的L型正交双基线CEI测轨系统, 对亚太七号(Asia-Pacific STAR 7, APSTAR 7)进 行短弧定轨和预报实验. CEI的东西和南北基线分 别为75 m和35 m, 亚太七号下行Ku信标信号的频 点为12.442 GHz. 由于GEO机动后的数小时通常不 提供精密轨道, 为了验证算法分别采用了CEI的仿 真数据和实测数据.

#### 4.1 仿真实验

轨道仿真:包含东西机动段在内的1 d数据.初始时刻为UTC (Coordinated Universal Time) 2022-06-01 02:00:00,机动时段为当天的07:10:06—07:30:06,共20 min.机动采用持续小推力,在近地点附近实施.仿真采用卫星工具包(Satellite Tool Kit, STK)的Astrogator模块,顾及了10×10阶地球引力位、日月引力摄动和光压.关键时刻的轨道根数见表1.

Satellite Status Crucial Time (UTC)  $i/^{\circ}$  $\omega/^{\circ}$  $\Omega/^{\circ}$  $a/\mathrm{km}$  $M/^{\circ}$ eInitial Orbit 2022-06-01 02:00:00 42165.9 0.00029 0.1506357.2276.582.0 Start of East-west Maneuver 2022-06-01 07:10:06 42167.9 0.00036 0.1516356.6355.181.8 End of East-west Maneuver 2022-06-01 07:30:06 42163.9 0.00027 0.1517358.081.8 358.7

表 1 APSTAR 7卫星的开普勒轨道根数 Table 1 Keplerian orbital elements of APSTAR 7

图3是轨道半长轴和轨道倾角的时序.可以看出,非机动期间,半长轴有显著的半天周期震荡,机动期间轨道半长轴快速下降了4 km,轨道倾角则几乎无变化.

CEI数据仿真: 依据CEI的相位测量方程和 7.5 mm随机噪声水平, 仿真生成1d的卫星跟踪数 据,采样率为10 Hz. 假定初始模糊度已知,且暂不 考虑模糊度失锁或周跳现象.

机动后轨道恢复及其精度评定:利用机动结束 后30 min内的CEI数据解算弧段中间时刻的初轨改 正,并外推10 min. 仿真轨道作为真值用于评估短 弧定轨-预报段的轨位精度. 需要说明的是,为了保 证蒙特卡洛仿真的算法稳定性, 仿真了20次CEI数据, 统计轨道解算精度.



Fig. 3 Semi-major axis and inclination series including the  $${\rm east-west}$$  maneuver

在无轨道先验约束条件下,CEI短弧定轨不收敛.依据(10)式增加了部分参数的协方差约束条件 后短弧定轨均收敛.

令半长轴的初值在静止轨道的半长轴标称值 附近-20 km—20 km窗口内变化,短弧定轨的误差 均方根值(Root Mean Square, RMS)随之变动,如 图4所示.图中R、T和N分别是初轨位置误差的径 向、切向和外法向分量.显然,短弧定轨的精度对 半长轴的初值采用值异常敏感,尤其是R位置分量, 这与CEI的测角性质一致.此外,可以看到初值取 标称值时并非对应于短弧定轨误差最小的情况.

为此,采用自适应优化求解半长轴初值的经验

算法.图5给出了初值在半长轴标称值附近±20 km 范围内求解的偏心率时序.令偏心率取极小值时 对应最佳的半长轴初值,可见该值比标称值低约 15 km.



Fig. 4 RMS of the positional errors of the short-arc orbit determination



Fig. 5 Initial values of semi-major axis and the solved eccentricities of the short-arc orbit determination

分别采用半长轴的标称值和优化值作为初值 进行短弧定轨和预报.表2为20次仿真解算的轨位

误差RMS统计,图6为其中一次解算的轨位误差时 序,图中实线和虚线分别对应30 min的短弧定轨段 和10 min的预报段. 可以看出: (1)由于CEI的测角 本质, R分量的轨道恢复精度始终低于T和N分量, 采用固定静止轨道半长轴标称值时(图a), R分量 误差接近10 km; (2)采用自适应优化的半长轴初值 后, R分量改善最为显著, R、T、N位置分量误差 的RMS均优于3 km; (3)优化后的半长轴初值, 20次 的计算平均值比标称值小14.76 km, 且该数值的波 动性不大(见表2).

表 2 仿真数据的短弧定轨和预报误差RMS统计 Table 2 Error RMS statistics of the short-arc orbit determination and orbit prediction with simulation

Initial Value Method	Initial Value of Semi-	OD (Orbit Determination) and	RMS/m		
of Semi-major Axis	major Axis/km	OP (Orbit Prediction)	R	Т	Ν
Nominal Value	42165.76	OD	9174.49	739.93	1051.86
		OP	9337.71	478.84	861.93
Optimized Value	42151.00	OD	1784.15	183.03	714.18
		OP	2069.15	157.46	1563.06



Fig. 6 The short-arc orbit determination and orbit prediction accuracy with two adopted semi-major axes for simulation data

#### 4.2实测数据实验

目前机动力的高精度建模尚有困难,机动后通 常需要重新累积测轨数据,因此机动后的数小时内 无法实现长弧定轨[21-22].为了模拟机动后的快速 轨道恢复场景,在亚太七号的非机动期间(2019年1 月7日至10日)分别截取了4段CEI数据进行短弧定 轨,并利用国家授时中心提供的基于测距的长弧定 轨结果(米级精度)进行外符合精度评估. CEI测量 系统的配置和亚太七号的定点经度等与仿真实验 一致.

采用相同的先验信息约束进行30 min短弧定 轨和10 min预报,考察了两种半长轴初值方案:

1 期

方案A—采用静止轨道的半长轴标称值;

方案B—采用自适应优化的半长轴.

图7和表3给出了4次实验的短弧定轨-预报精度,图中pos表示位置误差.对比A、B两个方案,可以看出:(1)自适应优化得到的半长轴初值较为稳定,比方案A的固定标称值小7.5-10 km;(2)优化后的半长轴初值对轨道恢复精度改善显著,尤其

是R分量,不仅是短弧定轨段,还极大改进了预报精度,三维位置整体预报精度从A方案的5 km减小到 3.5 km左右,前3段甚至优于1.5 km.

因此,对于非合作GEO目标公里级的轨道恢复 精度来说,采用自适应优化的半长轴初值的B方案 优于采用静止轨道半长轴标称值的A方案,能够用 于机动后的快速轨道恢复.



Fig. 7 Comparisons of the short-arc orbit determination and orbit prediction accuracy with real data (A: With nominal value, B: With optimized value)

1	期

Arc	Initial Value Method	Initial Value of Semi-major Axis/km	OD and OP	RMS/m			
	of Semi-major Axis			R	Т	Ν	pos
1 UTC 2019-01-07 11:00—11:30	Nominal Value	42165.76	OD	4209.97	1659.86	2109.23	4992.78
			OP	4928.94	245.87	1317.85	5108.00
	Optimized Value	42155.96	OD	766.24	1292.11	1649.12	2230.76
			OP	110.64	299.19	854.21	911.83
2 UTC 2019-01-08 11:00—11:30	Nominal Value	42165.76	OD	2329.14	1136.21	1595.55	3043.30
			OP	3139.50	130.47	433.28	3171.94
	Optimized Value	42158.16	OD	1541.17	859.99	1253.22	2164.56
			OP	673.81	340.99	174.22	775.01
3 UTC 2019-01-09 11:00—11:30	Nominal Value	42165.76	OD	3412.46	1665.42	574.69	3840.41
			OP	4241.84	535.08	631.52	4321.84
	Optimized Value	42157.36	OD	884.48	1336.88	411.74	1655.01
			OP	128.72	216.83	1024.19	1054.79
4 UTC 2019-01-10 11:00—11:30	Nominal Value	42165.76	OD	2586.90	1057.04	1198.46	3040.67
			OP	3415.97	2040.27	2045.97	4474.10
	Optimized Value	42157.76	OD	1484.14	1356.74	1566.29	2548.86
			OP	599.35	2371.95	2426.58	3445.82

实测数据的短弧定轨和预报误差RMS统计 表3

#### ิล

#### 5 结论

短基线相位干涉测量CEI是一种基于射电波段 的高精度被动测角技术,非常适合跟踪非合作GEO 目标. 但是, 纯测角的GEO短弧定轨算法因病态性 无法解算轨道半长轴,导致定轨精度不高甚至定轨 失败.

本文提出了一种自适应先验轨道约束的CEI短 弧定轨改进算法.综合利用了优化半长轴初值和 先验方差约束的策略, 削弱了轨道解算的病态性 并提高了定轨精度. 基于75 m×35 m的正交双基 线CEI仿真和实测数据实验表明, 30 min短弧定轨 和10 min预报的轨位精度优于4 km. 改进算法为机 动后GEO非合作目标提供了可行的快速轨道恢复 方案.

致谢 感谢国家授时中心提供了亚太七号卫星的轨 道数据.

#### 参考文献

- [1] Blake J A, Chote P, Pollacco D, et al. AdSpR, 2021, 67: 360
- [2] Spiridonova S. CeMDA, 2016, 125: 485
- [3] 梁斌, 徐文福, 李成, 等. 宇航学报, 2010, 31:1
- [4] Montojo F J, Moratalla T L, Abad C. AdSpR, 2011, 47: 1043
- [5] 杜兰, 张中凯, 李晓杰, 等. 测绘学报, 2014, 43: 233
- [6] 任天鹏, 唐歌实, 刘景勇, 等. 遥测遥控, 2015, 36: 8
- [7] 魏小莹, 吴新林, 王超, 等. 第八届中国卫星导航学术年会论文集 一S04卫星轨道与钟差.上海:中国卫星导航学术年会组委会, 2017, 1:96
- [8] 郭睿,周建华,胡小工,等.测绘学报,2011,40:19
- [9] 赵强,侯孝民,高亢,等. 电讯技术, 2018, 58: 1016
- [10] 杨文革, 沈晖, 杨婷, 等. 遥测遥控, 2016, 37: 49
- [11] Liu Z, Du L, Zhu Y, et al. JNav, 2019, 72: 1585
- [12] 路伟涛,杨文革,洪家财. 航天控制, 2014, 32: 71
- [13] 黄磊, 刘友永, 陈少伍, 等. 宇航学报, 2020, 41: 1579
- [14] 陈略, 唐歌实, 王美, 等. 遥测遥控, 2011, 32: 28
- [15] 刘林, 王歆. 天文学报, 2003, 44: 175
- [16] Liu L, Wang X. ChA&A, 2003, 27: 335

[17] 张中凯, 杜兰, 刘利, 等. 测绘学报, 2014, 43: 452

- [18] 刘林. 卫星轨道力学算法. 南京: 南京大学出版社, 2019: 71-75
- [19] 郭睿,李晓杰,周建华,等. 测绘科学技术学报, 2013, 30: 465
- [20] 樊敏,黄勇,黄磊,等.系统工程与电子技术,2021,43:1303
- [21] Kelecy T, Jah M. AcAau, 2010, 66: 798
- [22] 李晓杰, 黄勇, 郭睿, 等. 空间科学学报, 2015, 35: 730

# Rapid Orbit Recovery of the GEO Targets Based on CEI Measurement

HUANG Jun-jia DU Lan LIU Ze-jun ZHANG Zhong-kai ZHOU Pei-yuan LIU Long-di (College of Geospatial Information, Information Engineering University, Zhengzhou 450001)

**ABSTRACT** Connected Element Interferometry (CEI) has been used for space surveillance as an allday, all-weather passive tracking technique. Geostationary Earth Orbit (GEO) satellite requires frequent maneuver planning to maintain its subsatellite position or accomplish other tasks, which makes rapid orbit recovery extremely important for surveillance and early warning whenever a maneuver ends. This paper is to investigate CEI-based GEO short-arc orbit determination. Firstly, rank-deficiency in the conventional orbit determination algorithm is demonstrated and a priori orbit constraint is given to strengthen the positive definiteness of normal matrix. Then an adaptive optimization method to solve for the initial value of semi-major axis is proposed. Finally, two short-arc orbit determination and prediction experiments are carried out using both the simulated and measured CEI data of Asia-Pacific STAR 7 (APSTAR 7) satellite. The results show that an accuracy of 4 km is achievable for 30-min short-arc orbit determination and 10-min orbit prediction by using the proposed algorithm, which can meet the demands of rapid orbit recovery for non-cooperative GEO targets after maneuvers.

**Key words** GEO (Geostationary Earth Orbit) satellites, non-cooperative objectives, CEI (Connected Element Interferometry), rapid orbit recovery